## Programacion 2016

 $Guía\ de\ TP\ N^{\circ}\ 1$ : Introducción al pensamiento algorítmico.

Agosto, 2016

1. Considere las siguientes funciones de una variable x

(i)

$$f(x) = x^2 + 4x - 2 \tag{1}$$

(ii) 
$$f(x) = \begin{cases} x^2 & x \ge 1 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$
 (2)

- (a) Esquematice mediante pasos el proceso de razonamiento que realiza para graficar ambas funciones en un papel y en un determinado intervalo (a,b). ¿En qué se diferencian ambos casos?.
- (b)Describa un procedimiento mediante expresiones matemáticas y pasos a seguir para obtener los ceros de la función (i).
- 2. Considere un recipiente con N esferas de colores rojo y blanco.
  - (a) Realice el proceso de razonamiento de contar el total de esferas.
  - (b) ¿Cómo modifica el proceso para incluir el conteo total de cada tipo de esferas?.
  - (c) ¿Cómo modifica el proceso de conteo para saber si al menos una clase tiene más de 5 esferas?.
- 3. Considere la dinámica de poblaciones que evoluciona en cada paso de tiempo según la ley:

$$x_{t+1} = x_t - bx_t \tag{3}$$

donde t es el tiempo discretizado en unidades típicas del problema (años, días, horas dependiendo de la especie),  $x_t$  es el número de individuos a cierto tiempo t y b una tasa de desaparición.

- (a) Partiendo de un valor inicial de la población  $x_0$ , deseamos conocer el valor de  $x_t$  a cierto tiempo discreto t, describa el proceso de razonamientos en terminos de pasos y expresiones matemáticas.
- 4. Considere el famoso problema del viajante, quien debe visitar N ciudades recorriendo la menor distancia posible partiendo de una ciudad cualquiera y volver al principio. Se asume que la distancia entre cualquier par de ciudades es conocida.
  - (a) ¿Cuáles son los pasos que seguiría para esbozar la solución numérica de este problema para un N dado. Para realizar esta tarea recomendamos analizar los casos de bajo N (analizar por ejemplo los casos entre 1 y 4 ciudades) mediante tanteo directo (recuerde que son conocidas las distancias entre cualquier par de ciudades) y obtener un procedimiento válido para estos casos. Analice el número de tanteos en función de N.
  - (b) El procedimiento obtenido es válido para cualquier N?. Si no lo es, ¿cómo modificaría el mismo para que lo sea?.